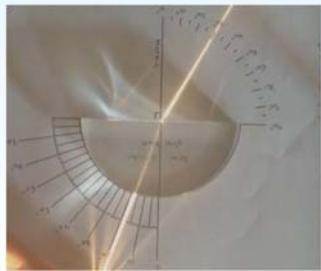
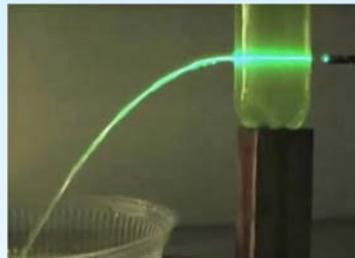
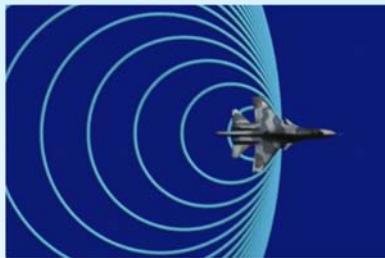




# Vågrörelselära och optik



## Kapitel 35 - Interferens

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

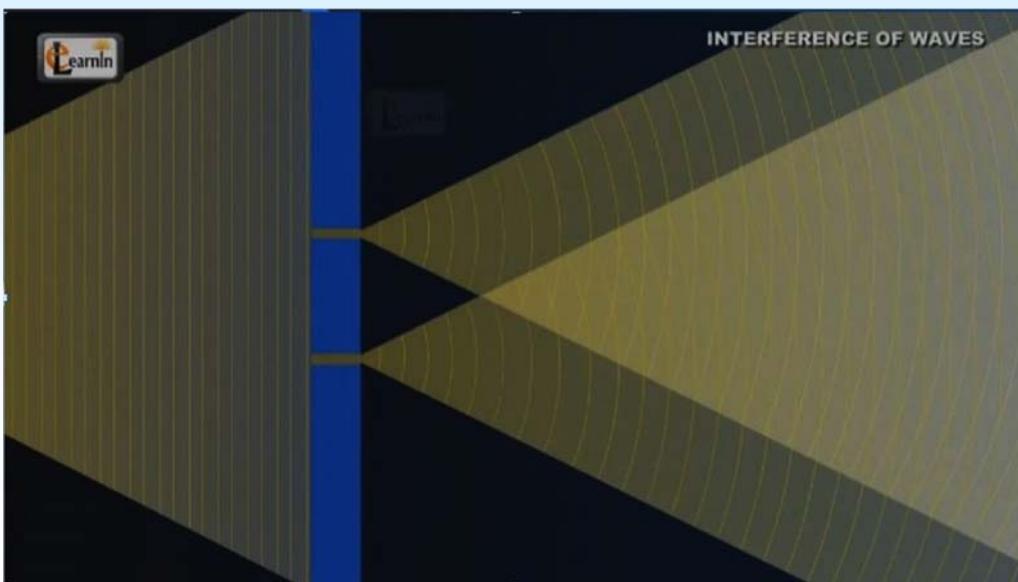
1



## Interferens



### Del 1. Interferens



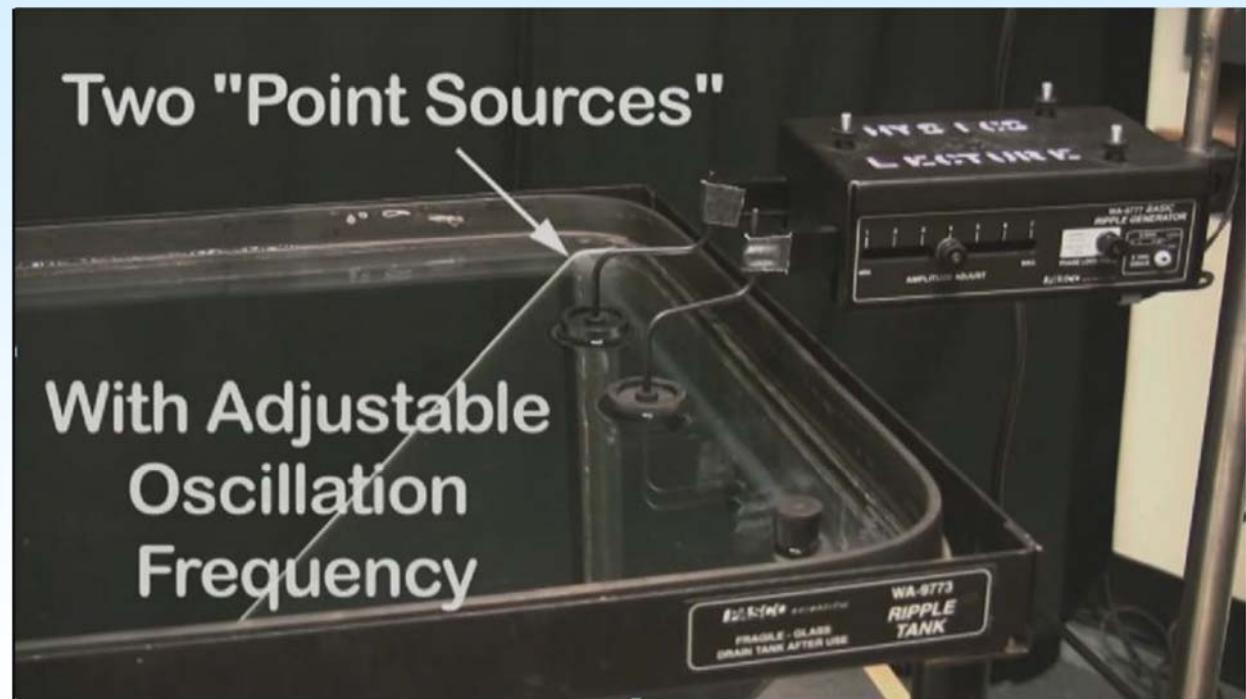
<https://www.youtube.com/watch?v=CAe3lkYNKt8>

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

2



# Interferens



<https://www.youtube.com/watch?v=UMkAXvWIRY4>

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

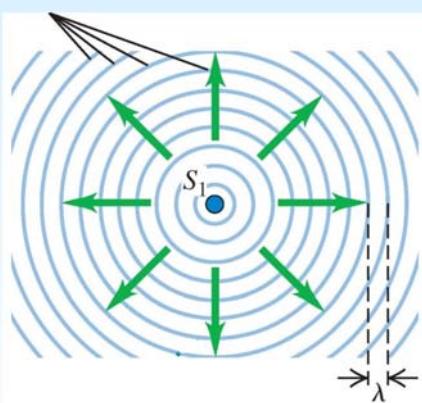
3



# Interferens



**Vågfronter:** vågtoppar i en våg  
åtskilda av en  $\lambda$



**Interferens:**  
Vågor överlappar i rymden

**Koherenta källor:**  
samma frekvens (eller våglängd) och  
konstant fasförhållande (inte  
nödvändigtvis i fas).

**Superpositions principen**

När två eller fler vågor överlägras så blir den momentana förflyttningen

=

Summan av förflyttningen från de individuella vågorna var för sig

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

4

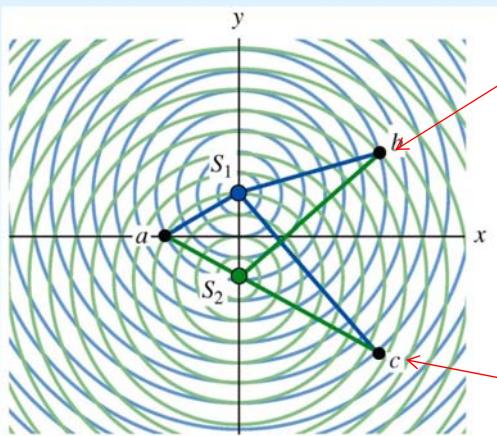


# Interferens



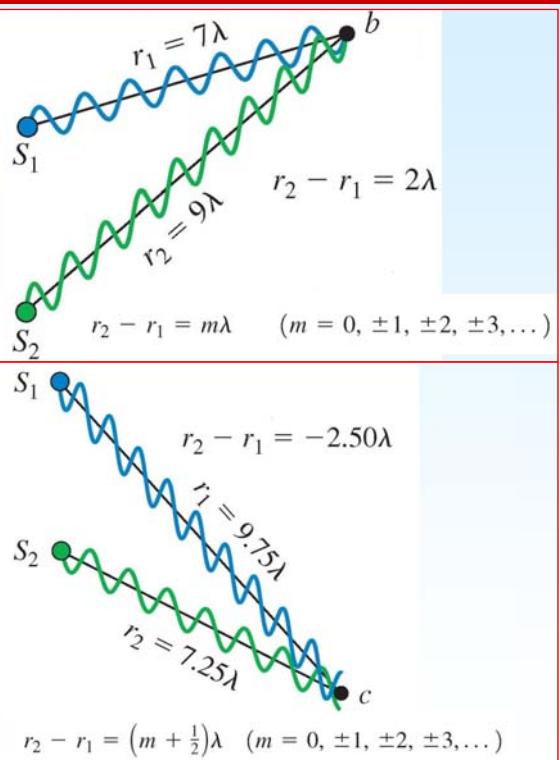
Konstruktiv interferens →

$$\delta = r_2 - r_1 = m\lambda$$



Destruktiv interferens →

$$\delta = r_2 - r_1 = \left(m + \frac{1}{2}\right)\lambda$$



Vincent Hedberg - Lunds Universitet

5



# Interferens



Antinodala kurvor = konstruktiv interferens  
(nod = minimum)

Anta att i en punkt gäller:

$$E_1 = E_{\max} \cos\left(\frac{2\pi}{\lambda} r_1 - \omega t + \varphi\right)$$

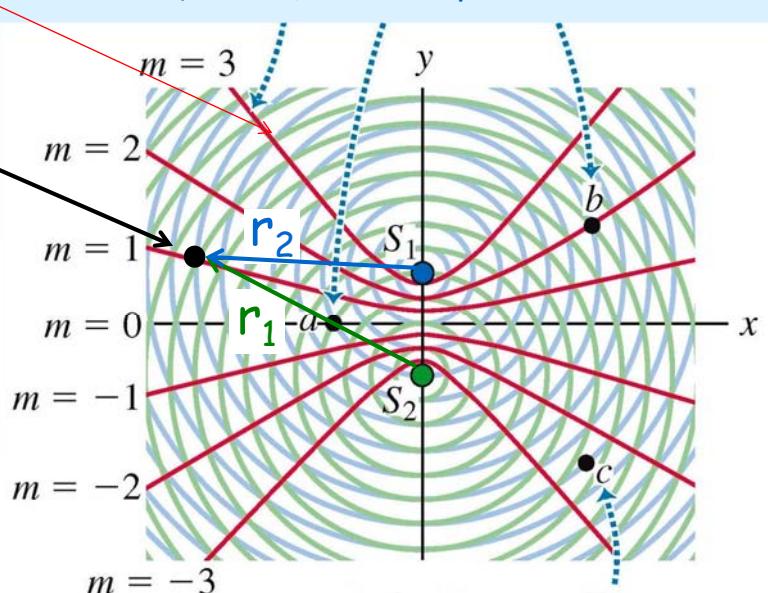
$$E_2 = E_{\max} \cos\left(\frac{2\pi}{\lambda} r_2 - \omega t\right)$$

$$E = E_1 + E_2$$

Att öka  $r_1$  med en våglängd ger samma ändring av  $E$  som att öka fasvinkeln  $\phi$  med  $2\pi$ :

$$\frac{\phi}{2\pi} = \frac{r_2 - r_1}{\lambda}$$

Konstruktiv interferens

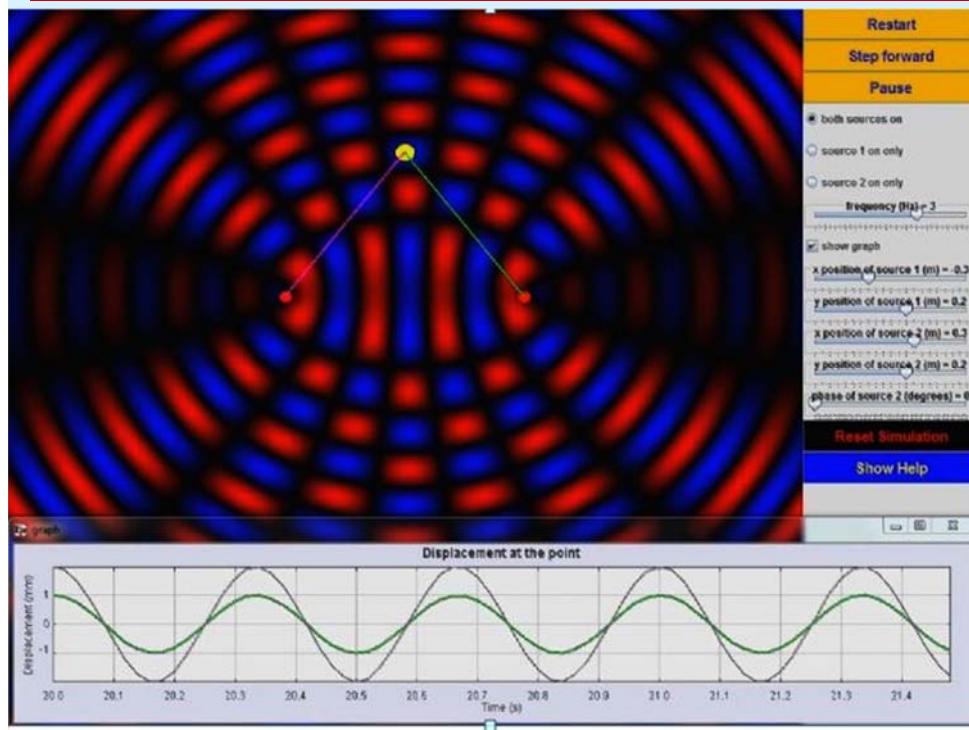


Vincent Hedberg - Lunds Universitet

6



# Interferens



Svart:  
Amplituden = noll

Röd:  
Amplituden  $> 0$

Blå:  
Amplituden  $< 0$

<http://www.opensourcephysics.org/items/detail.cfm?ID=9989>

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

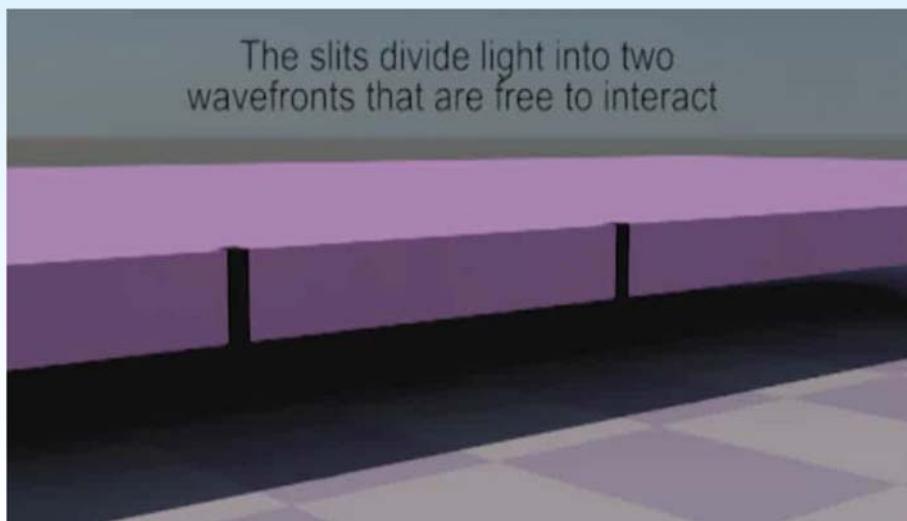
7



# Interferens



Principen för Youngs dubbelspalt experiment



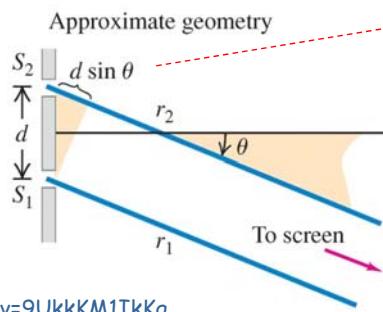
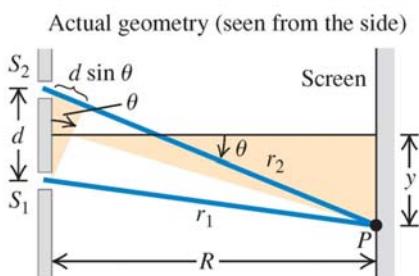
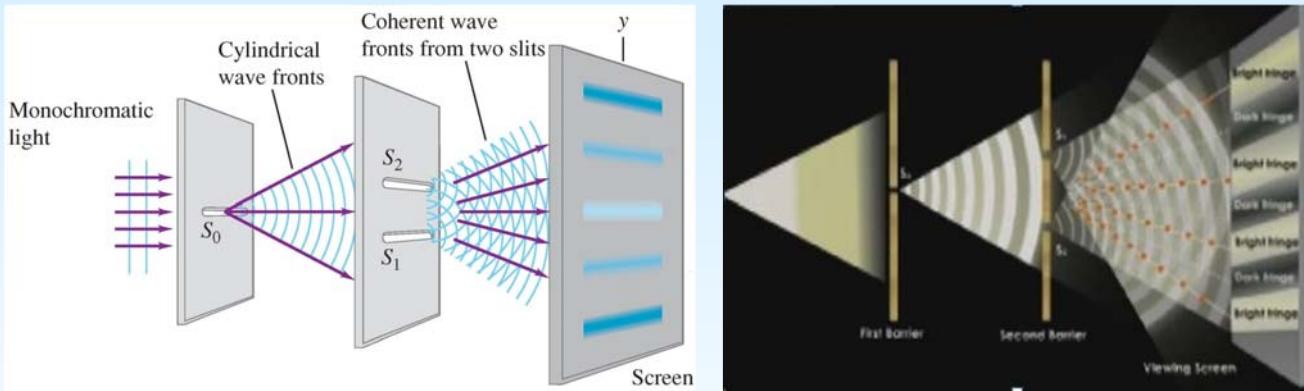
<https://www.youtube.com/watch?v=Kdi4e76UvO8>

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

8



# Interferens



<https://www.youtube.com/watch?v=9UkkKM1IkKg>

$$\delta = r_2 - r_1 = d \sin \theta$$

Konstruktiv

$$d \sin \theta = m\lambda$$

Destruktiv

$$d \sin \theta = \left(m + \frac{1}{2}\right)\lambda$$

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

9



# Interferens



## Mål

Räkna ut var de ljusa banden hamnar på skärmen i ett dubbel spalt experiment.

## Givet

Ljusets våglängd  $\lambda$ , avståndet mellan spalterna  $d$  och avståndet till skärmen  $R$ .

## Hur

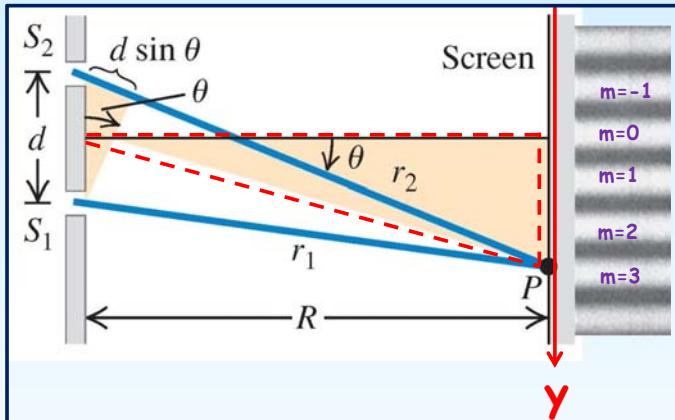
$$r_2 - r_1 = m \lambda + \text{Geometri}$$

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

10

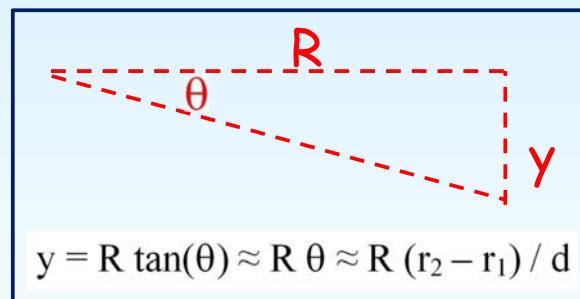


# Interferens



Geometri:

$$r_2 - r_1 = d \sin(\theta) \approx d \theta$$



Konstruktiv interferens:

$$r_2 - r_1 = m \lambda$$

$$y_m = R \frac{m \lambda}{d}$$

$$m = 0, \pm 1, \pm 2, \pm 3, \dots$$

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

11

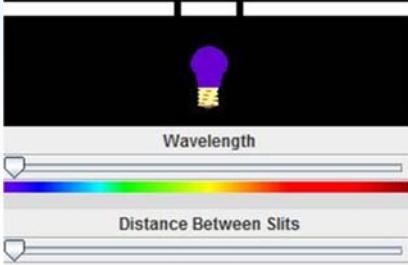


# Interferens



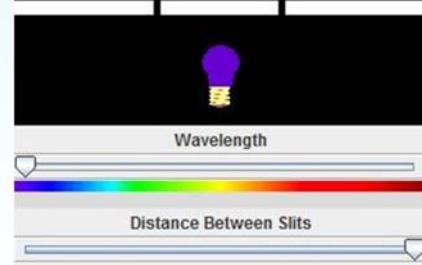
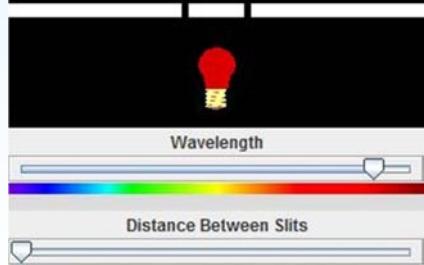
Konstruktiv interferens

$$y_m \approx m \cdot (R \lambda / d)$$



Destruktiv interferens

$$y_m \approx (m + \frac{1}{2}) \cdot (R \lambda / d)$$



<http://www.opensourcephysics.org/items/detail.cfm?ID=10529>

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

12

# Interferens Problem

## Del 2. Problem lösning

4c. Expand  $(a+b)^n$

$$(a+b)^n$$

$$= (a + b)^n$$

$$= (a + b)^n$$

$$= (a + b)^n$$

Very funny Bob.

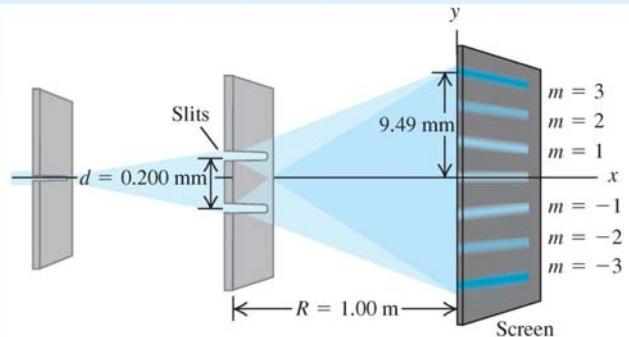
Vincent Hedberg - Lunds Universitet

13

# Interferens Problem

$y = 9.49 \text{ mm}$  för linjen med  
 $m = 3$

Vad är ljusets våglängd?



$$y_m = R \frac{m\lambda}{d}$$

$$\begin{aligned} \lambda &= \frac{y_m d}{m R} = \frac{(9.49 \times 10^{-3} \text{ m})(0.200 \times 10^{-3} \text{ m})}{(3)(1.00 \text{ m})} \\ &= 633 \times 10^{-9} \text{ m} = 633 \text{ nm} \end{aligned}$$

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

14



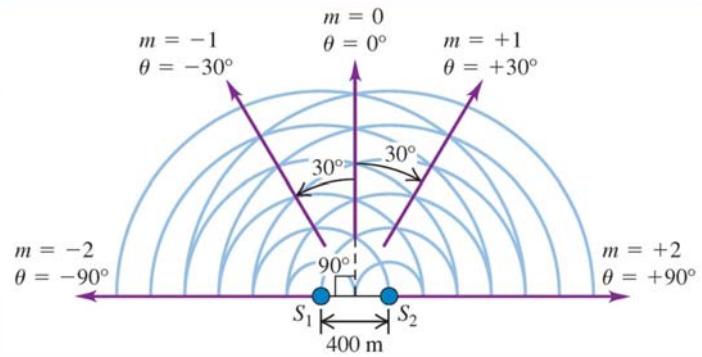
# Interferens Problem



Två antenner skickar ut radiovågor med  $f = 1500 \text{ kHz}$ .

De sitter 400 m ifrån varandra.

Varför blir intensiteten störst för 0, 30 och 90 grader ?



$$d \sin \theta = m\lambda$$

$$d = 400 \text{ m}$$

$$\lambda = c/f = 200 \text{ m}$$

$$\sin \theta = \frac{m\lambda}{d} = \frac{m(200 \text{ m})}{400 \text{ m}} = \frac{m}{2}$$

$$\theta = 0, \pm 30^\circ, \pm 90^\circ$$

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

15



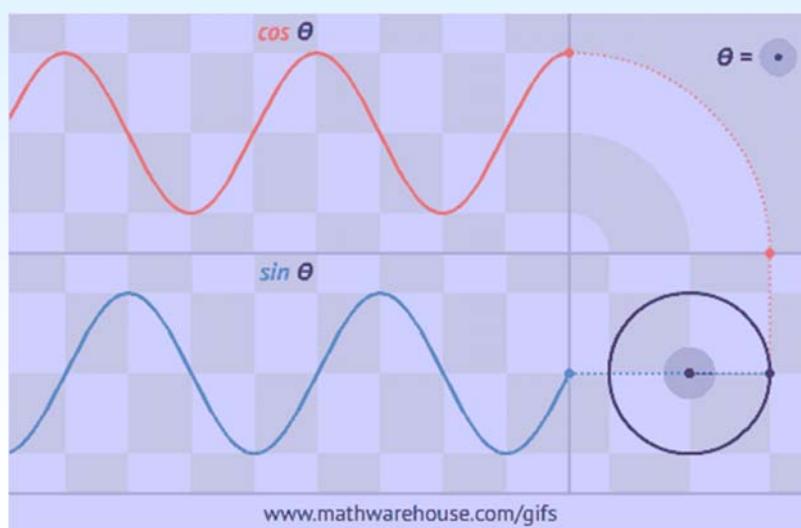
# Interferens Fas vektorer



## Del 3. Fas vektorer

Cosinus funktion

Sinus funktion



En sinus och cosinus funktion kan beskrivas av x och y värde av en roterande fas vektor

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

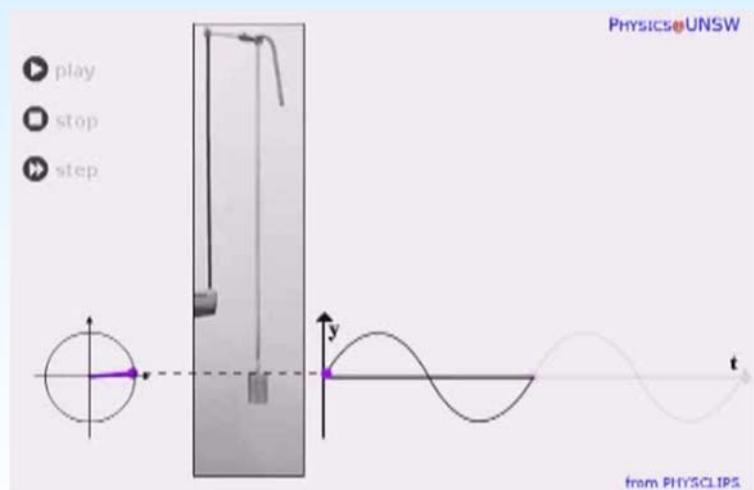
16



# Interferens Fas vektorer



## Fasvektorn för harmonisk svängning



I en harmonisk svängning är vinkelns för fasvektorn =  $\omega t$

Det innebär att fasvektorn roterar med en konstant vinkelfrekvens =  $\omega$ .

Man kan använda antingen x eller y komponenten av fas vektorn för att beskriva svängningen.

[http://www.animations.physics.unsw.edu.au/jw/flash/shm\\_spring1.swf](http://www.animations.physics.unsw.edu.au/jw/flash/shm_spring1.swf)

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

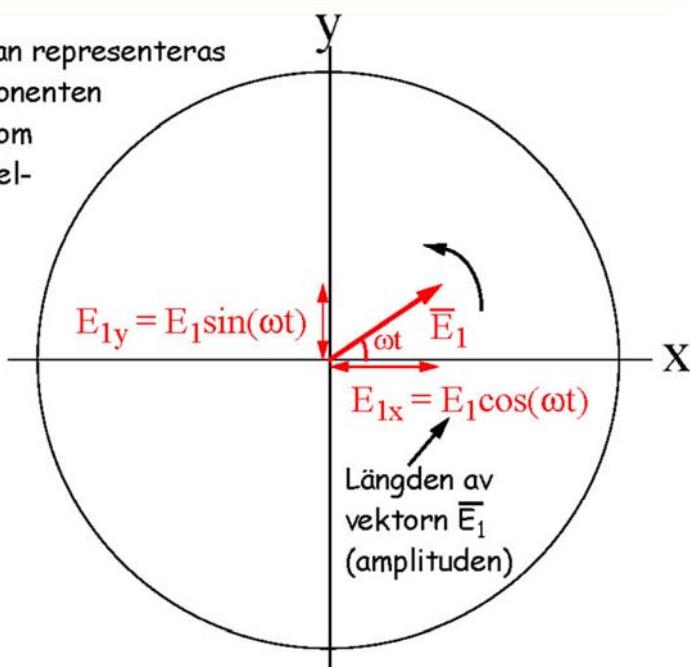
17



# Interferens Fas vektorer



En vågfunktion kan representeras av x eller y komponenten av en vektor  $\vec{E}_1$  som roterar med vinkel-frekvensen  $\omega$ .



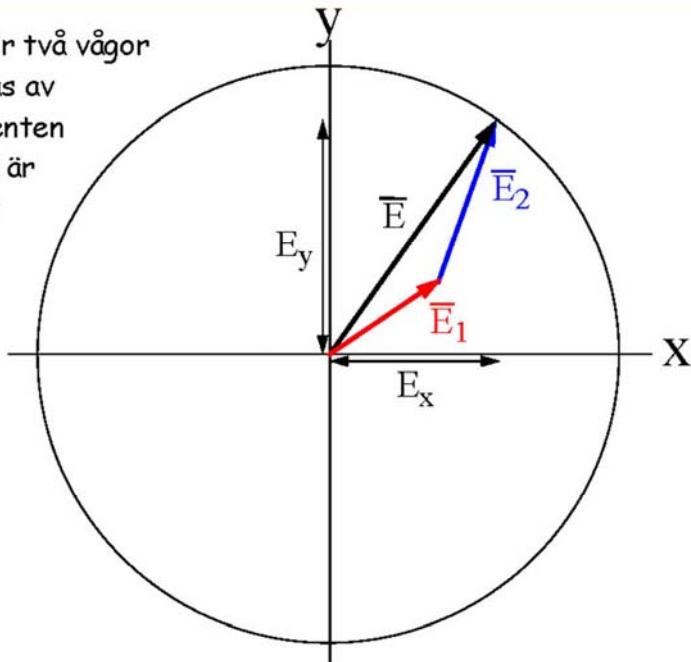
Vincent Hedberg - Lunds Universitet

18

# Interferens Fas vektorer



Vågfunktionen för två vågor kan representeras av  $x$  eller  $y$  komponenten av vektorn  $\bar{E}$  som är vektorsumman av  $\bar{E}_1$  och  $\bar{E}_2$ .



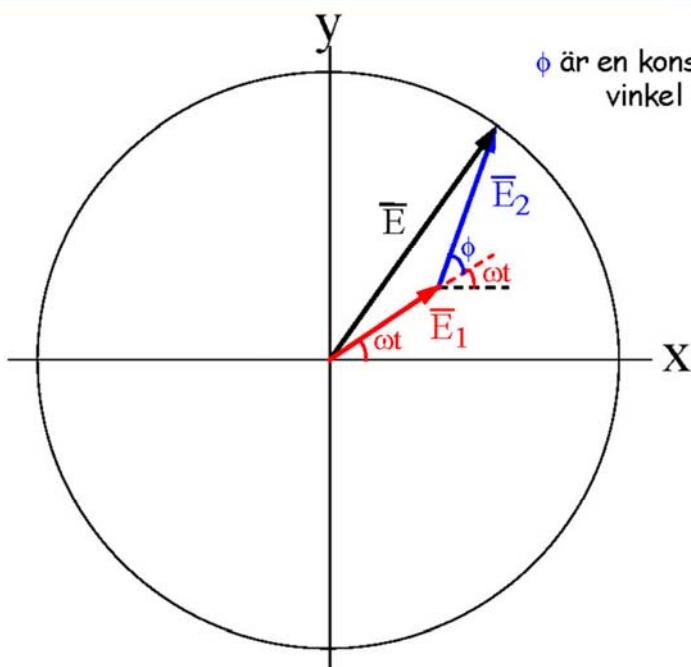
Vincent Hedberg - Lunds Universitet

19

# Interferens Fas vektorer



$\phi$  är en konstant vinkel

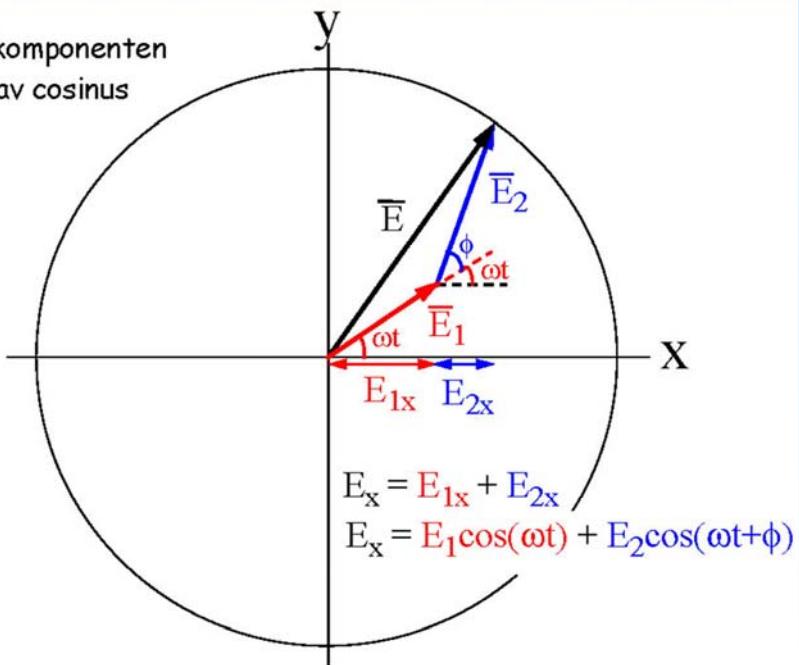


Vincent Hedberg - Lunds Universitet

20

# Interferens Fas vektorer

Använder man x komponenten  
får man summan av cosinus  
funktioner.



Vincent Hedberg - Lunds Universitet

21

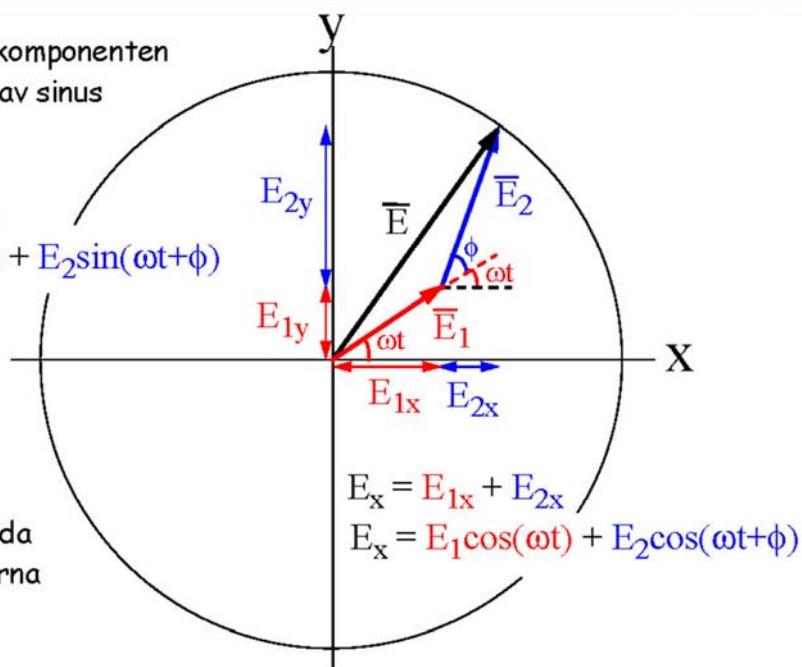
# Interferens Fas vektorer

Använder man y komponenten  
får man summan av sinus  
funktioner.

$$E_y = E_{1y} + E_{2y}$$

$$E_y = E_1 \sin(\omega t) + E_2 \sin(\omega t + \phi)$$

Vad man vill använda  
beror på hur vågorna  
ser ut för  $t = 0$ .



Vincent Hedberg - Lunds Universitet

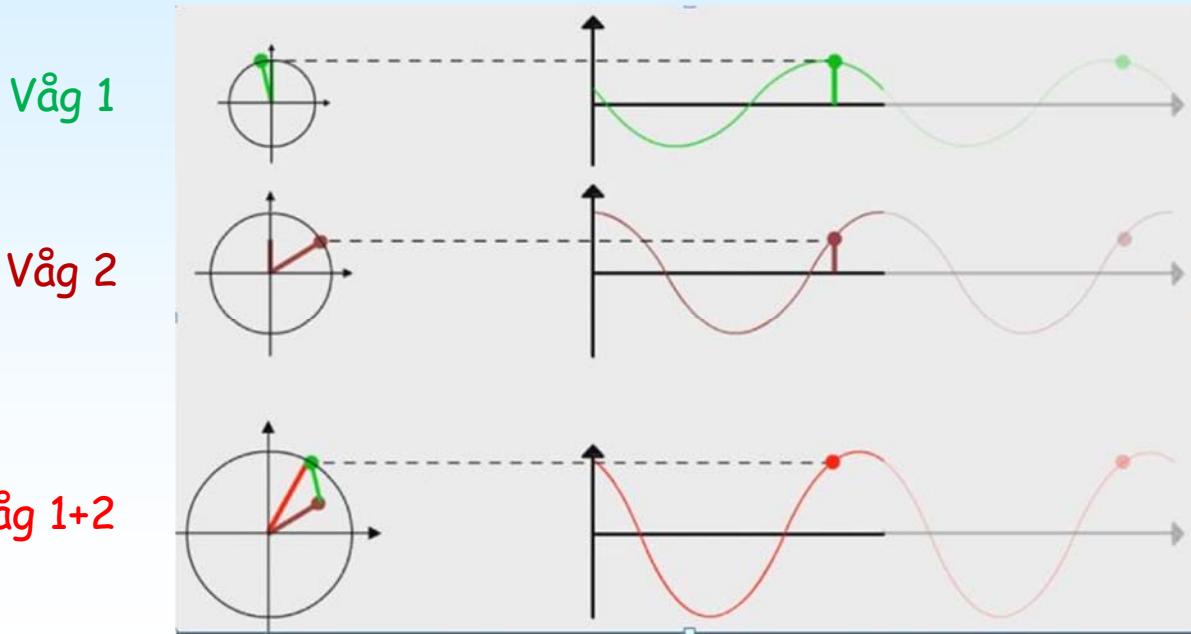
22



# Interferens Fas vektorer



Genom att addera fasvektorer som vektorer kan man få den kombinerade vågen från två vågor med **samma frekvens** som är ur fas



Vincent Hedberg - Lunds Universitet

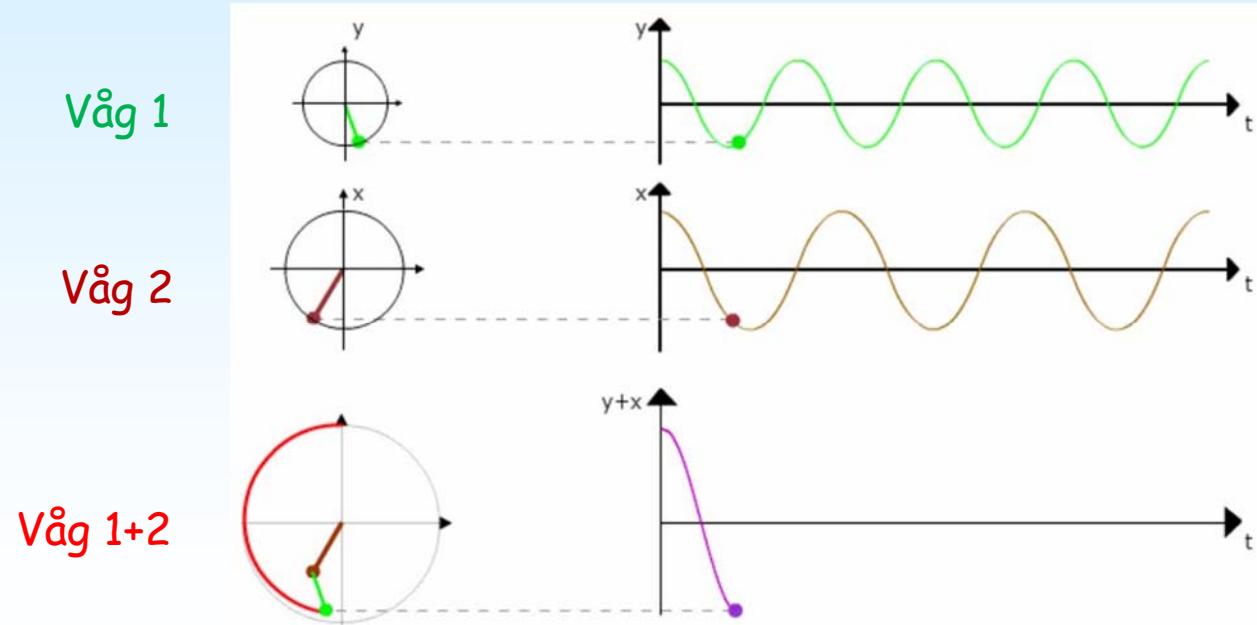
23



# Interferens Fas vektorer



Genom att addera fasvektorer som vektorer kan man få den kombinerade vågen från två vågor med **olika frekvens** men samma fas



Vincent Hedberg - Lunds Universitet

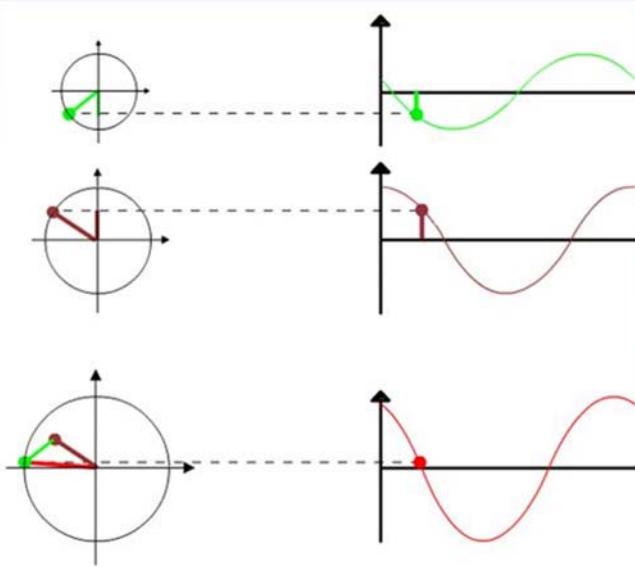
24



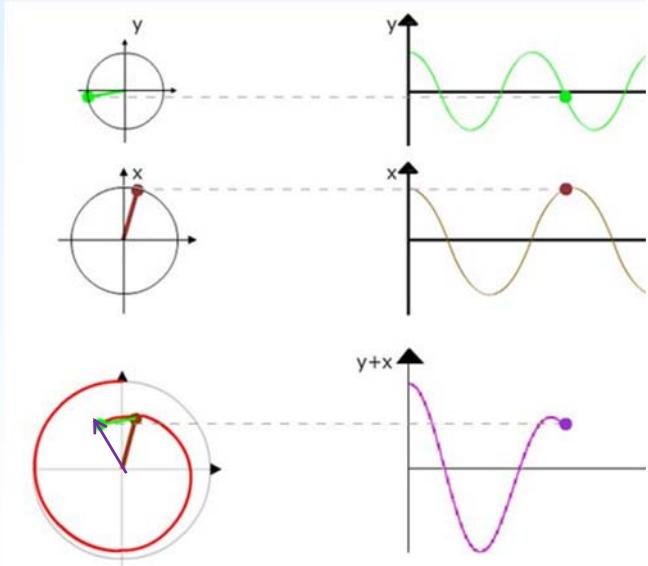
# Interferens Fas vektorer



Samma frekvens  
Olika fas



Olika frekvens  
Samma fas



<http://www.animations.physics.unsw.edu.au/jw/phasor-addition.html>

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

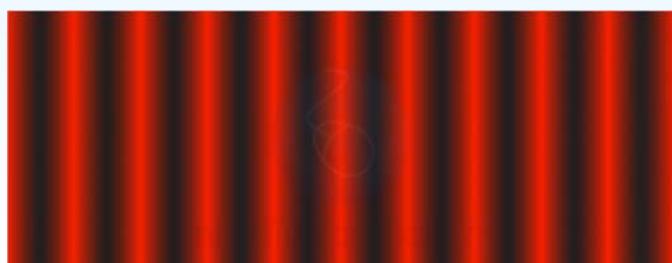
25



# Interferens Intensitet



## Del 4. Interferens och ljusintensitet



Vincent Hedberg - Lunds Universitet

26



# Interferens Intensitet



Effekt per ytenhet:

$$S_x(x, t) = \frac{E_{\max} B_{\max}}{\mu_0} \cos^2(kx - \omega t)$$

Medelvärdet av  $\cos^2(x) = 1/2$

Intensitet = medelvärdet av  $S$

$$I = S_{av} = \frac{E_{\max} B_{\max}}{2\mu_0} = \frac{E_{\max}^2}{2\mu_0 c} = \frac{1}{2} \epsilon_0 c E_{\max}^2$$

Eliminera  $\mu_0$

$$c = \frac{1}{\sqrt{\epsilon_0 \mu_0}} \quad \epsilon_0 \mu_0 = 1 / c^2 \quad \mu_0 = 1 / \epsilon_0 c^2$$

Intensiteten av en elektromagnetisk våg:  $I = \frac{1}{2} \epsilon_0 c E_{\max}^2$   
där  $E_{\max}$  är amplituden av det elektriska fältet

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

27



# Interferens Intensitet



## Strategi för intensitets beräkningen

### Uppgift 1:

Beräkna amplituden  $E_{\max}$  av det elektriska fältet efter överlagringen av två interfererande vågor genom att använda fasvektorer.

### Uppgift 2:

Sätt in den nya  $E_{\max}$  i formeln:  $I = \frac{1}{2} \epsilon_0 c E_{\max}^2$

### Uppgift 3:

Härled ett förhållande mellan intensitet och  $d, y, \lambda$  och  $R$ .

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

28



# Interferens Intensitet



## Uppgift 1:

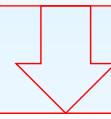
Kombinera två elektriska fält i en punkt med

1. Samma amplitud -  $E$
2. Samma frekvens -  $\omega$
3. Olika fas -  $\phi$

$$E_1 = E_{\max} \cos\left(\frac{2\pi}{\lambda} r_1 - \omega t + \varphi\right)$$

$$E_2 = E_{\max} \cos\left(\frac{2\pi}{\lambda} r_2 - \omega t\right)$$

$$E = E_1 + E_2$$



$$E_1(t) = E \cos(\omega t + \phi)$$

$$E_2(t) = E \cos \omega t$$

genom att använda fasvektorer !

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

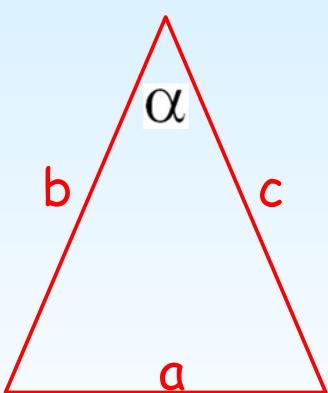
29



# Interferens Intensitet



Först lite trigonometriska formler



### 1. Cosinus formeln

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos(\alpha)$$

### 2. Fasformeln

$$\cos(\pi - \phi) = -\cos \phi$$

### 3. Formeln för dubbla vinkeln

$$\cos(2\alpha) = 2 \cos^2(\alpha) - 1$$

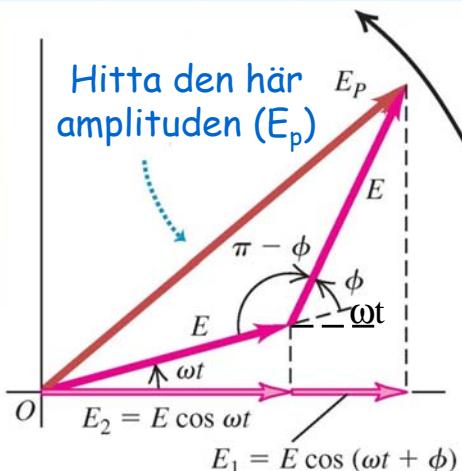
$$\cos(\alpha) = 2 \cos^2(\alpha/2) - 1$$

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

30



# Interferens Intensitet

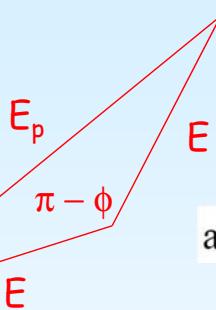


Den totala vågen beskrivs av projektionerna på x-axeln:

$$E_1(t) = E \cos(\omega t + \phi)$$

$$E_2(t) = E \cos \omega t$$

$$E(t) = E_1(t) + E_2(t)$$



Steg 1

1. Cosinus formeln

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos(\alpha)$$

2. Fasformeln

$$\cos(\pi - \phi) = -\cos \phi$$

$$E_p^2 = E^2 + E^2 - 2E^2 \cos(\pi - \phi)$$

Steg 2

$$E_p^2 = 2E^2 (1 + \cos(\phi))$$

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

31



# Interferens Intensitet



Steg 2  $E_p^2 = 2E^2 (1 + \cos(\phi))$

Steg 3

3. Formeln för dubbla vinkeln

$$\cos(\alpha) = 2 \cos^2(\alpha/2) - 1$$

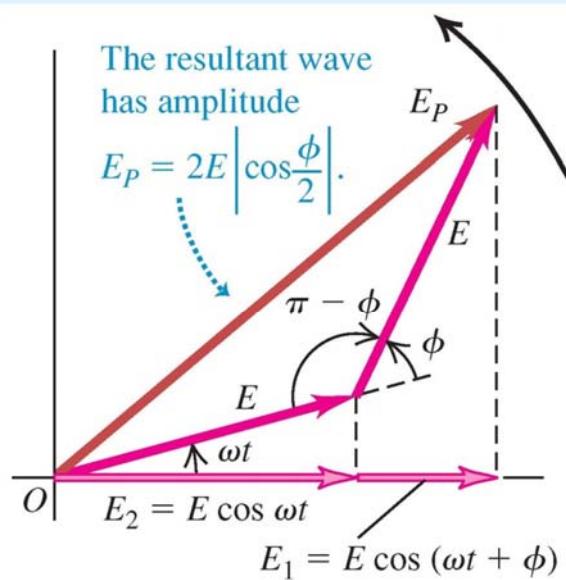


$$E_p^2 = 2E^2 (1 + 2\cos^2(\phi/2) - 1)$$

$$E_p^2 = 4E^2 \cos^2(\phi/2)$$



$$E_p = 2E \left| \cos \frac{\phi}{2} \right|$$



Vincent Hedberg - Lunds Universitet

32



# Interferens Intensitet



## Strategi

### Uppgift 1:

Beräkna amplituden  $E_{\max} = E_p$  av det elektriska fältet efter överlagringen av två interfererande vågor genom att använda fasvektorer.

$$E_p = 2E \left| \cos \frac{\phi}{2} \right|$$

### Uppgift 2:

Sätt in den nya  $E_{\max}$  i formeln:

$$I = \frac{1}{2} \epsilon_0 c E_{\max}^2$$

### Uppgift 3:

Härled ett förhållande mellan intensitet och  $d$ ,  $y$ ,  $\lambda$  och  $R$ .



# Interferens Intensitet



Amplitud av två vågor  
efter interferens:

$$E_p = 2E \left| \cos \frac{\phi}{2} \right|$$

Intensitet av två vågor  
efter interferens:

$$I = \frac{1}{2} \epsilon_0 c E_p^2 = 2\epsilon_0 c E^2 \cos^2 \frac{\phi}{2}$$

**SLUTSATS:** Intensiteten av ljuset ( $I$ )  
är proportionell mot kvadraten på  
amplituden av det elektriska fältet ( $E_p$ ):

$$I \sim E_p^2$$

$$I = I_0 \cos^2 \frac{\phi}{2} \quad \text{där } I_0 = 2\epsilon_0 c E^2 \text{ är maximum av intensiteten.}$$



# Interferens Intensitet



## Strategi

### Uppgift 1:

Beräkna amplituden  $E_{\max}$  av det elektriska fältet efter överlagringen av två interfererande vågor genom att använda fasvektorer.

$$E_P = 2E \left| \cos \frac{\phi}{2} \right|$$

### Uppgift 2:

Sätt in den nya  $E_{\max}$  i formeln:

$$I = \frac{1}{2} \epsilon_0 c E_{\max}^2$$

$$I = I_0 \cos^2 \frac{\phi}{2}$$

### Uppgift 3:

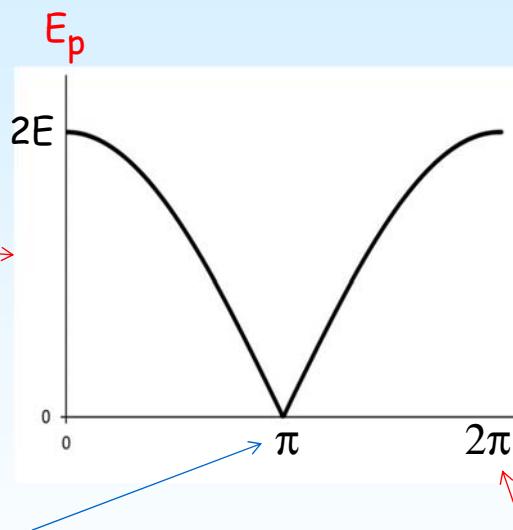
Härled ett förhållande mellan intensitet och  $d$ ,  $y$ ,  $\lambda$  och  $R$ .



# Interferens Intensitet



$$E_P = 2E \left| \cos \frac{\phi}{2} \right|$$

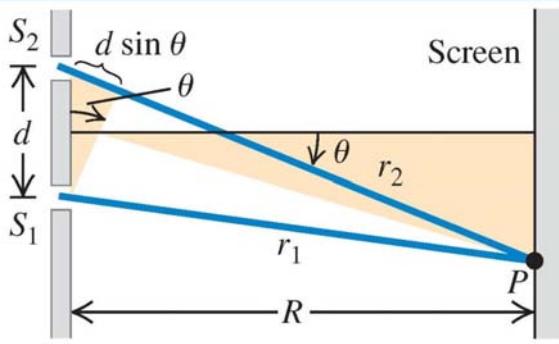


Destruktiv interferens  
inträffar när fas  
skillnaden är  $\pi$

Konstruktiv interferens  
inträffar när fas  
skillnaden är  $2\pi$



# Interferens Intensitet



En vägskillnad av en våglängd motsvarar en fasskillnad på  $2\pi$

$$\frac{\phi}{2\pi} = \frac{r_2 - r_1}{\lambda}$$

Väg skillnaden

$$r_2 - r_1 = d \sin \theta$$

$$\phi = \frac{2\pi d}{\lambda} \sin \theta$$

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

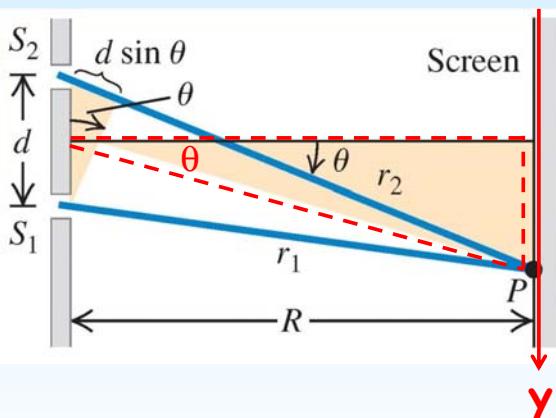
37



# Interferens Intensitet



Introducera  $y$  i formeln



$$\phi = \frac{2\pi d}{\lambda} \sin \theta$$

$$\tan(\theta) = y / R \approx \sin(\theta)$$

litet  $\theta$

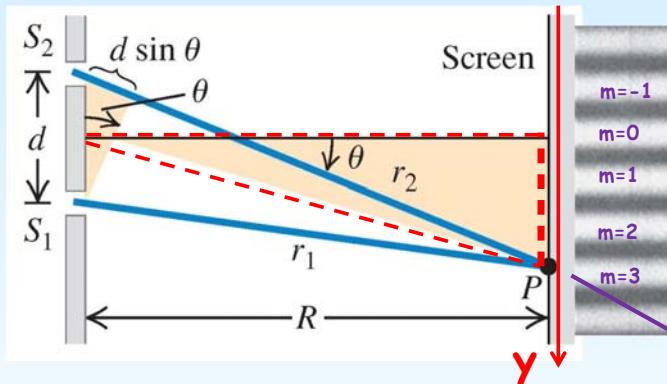
$$\phi = \frac{2\pi d}{\lambda} \sin \theta \approx \frac{2\pi dy}{\lambda R}$$

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

38



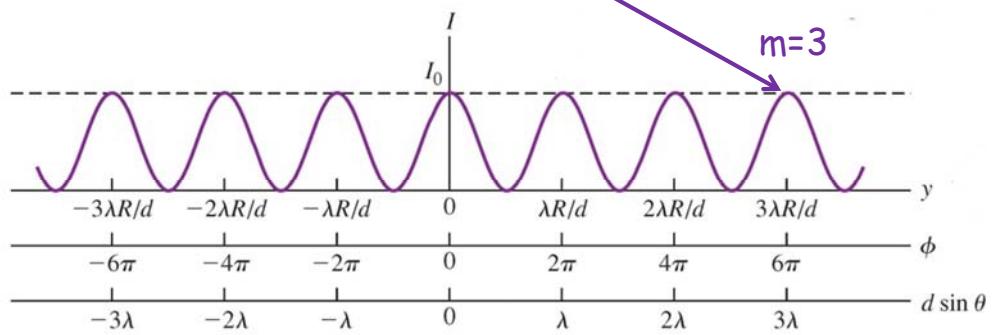
# Interferens Intensitet



$$\phi \approx \frac{2\pi dy}{\lambda R}$$

Intensitet:

$$I = I_0 \cos^2 \frac{\phi}{2} = I_0 \cos^2 \left( \frac{\pi dy}{\lambda R} \right)$$



Vincent Hedberg - Lunds Universitet

39



# Interferens Intensitet



## Strategi

### Uppgift 1:

Beräkna amplituden  $E_{max}$  av det elektriska fältet efter överlagringen av två interfererande vågor genom att använda **fasvektorer**.

$$E_P = 2E \left| \cos \frac{\phi}{2} \right|$$

### Uppgift 2:

Sätt in den nya  $E_{max}$  i **formeln**:

$$I = \frac{1}{2} \epsilon_0 c E_{max}^2$$

$$I = I_0 \cos^2 \frac{\phi}{2}$$

### Uppgift 3:

Härled ett förhållande mellan **intensitet**  $d, y, \lambda$  och  $R$ .

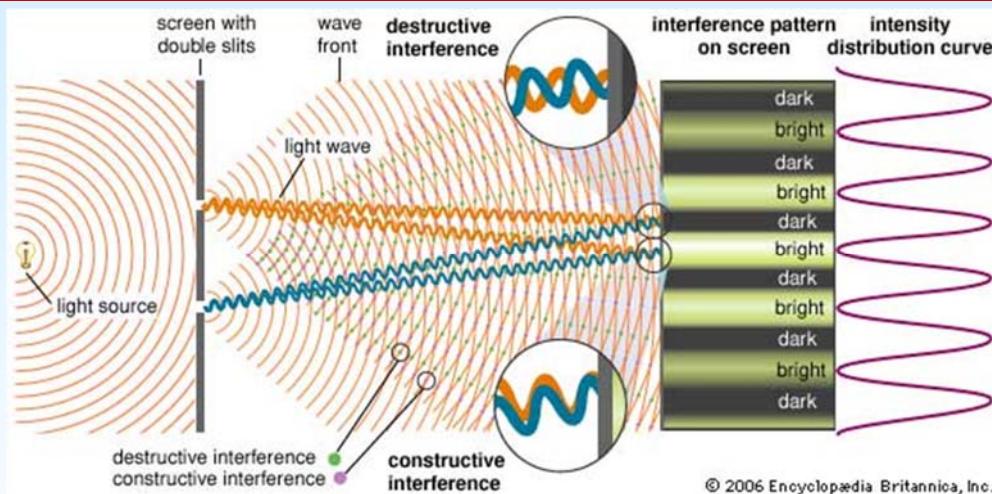
$$I = I_0 \cos^2 \left( \frac{\pi dy}{\lambda R} \right)$$

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

40



# Interferens Intensitet



© 2006 Encyclopædia Britannica, Inc.

## Konstruktiv interferens:

$$\mathbf{r}_2 - \mathbf{r}_1 = d \sin(\theta) = m \lambda$$

$$y_m \approx m \cdot (R \lambda / d)$$

## Intensitet

$$I = I_0 \cos^2 \frac{\phi}{2}$$

$$\phi = \frac{2\pi d}{\lambda} \sin \theta \approx \frac{2\pi dy}{\lambda R}$$

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

41



# Interferens Problem



## Del 5. Problem lösning

4c. Expand  $(a+b)^n$

$$(a+b)^n$$

$$= (a + b)^n$$

$$= (a + b)^n$$

$$= (a + b)^n$$

*Very funny Bob.*

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

42

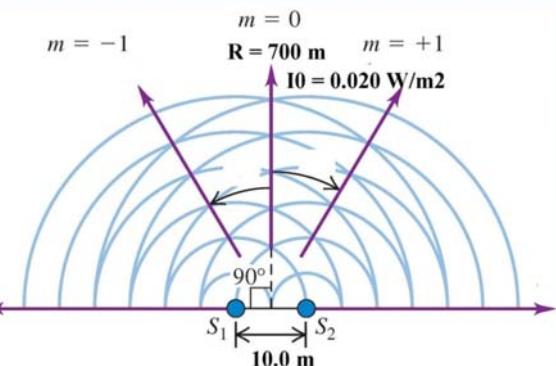


# Interferens Problem



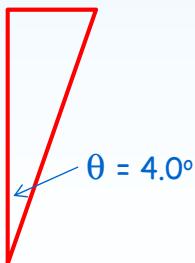
Två antenner skickar ut radiovågor med  $f = 60.0 \text{ MHz}$ . De sitter 10.0 m ifrån varandra. Intensiteten är  $0.020 \text{ W/m}^2$  på ett avstånd av 700 m för  $m = 0$ .

Vad blir intensiteten på avståndet 700 m för  $\theta = 4.00^\circ$ ?



$$y = 700 \tan(4.0^\circ) = 48.9 \text{ m}$$

$R=700\text{m}$



$$I = I_0 \cos^2 \frac{\phi}{2} = I_0 \cos^2 \left( \frac{\pi dy}{\lambda R} \right)$$

$$\lambda = c/f = 5.00 \text{ m}$$

$$d = 10.0 \text{ m}$$

$$I = 0.020 \cos^2(\pi \cdot 10.0 \cdot 48.9 / (5.00 \cdot 700)) = 0.016 \text{ W/m}^2$$

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

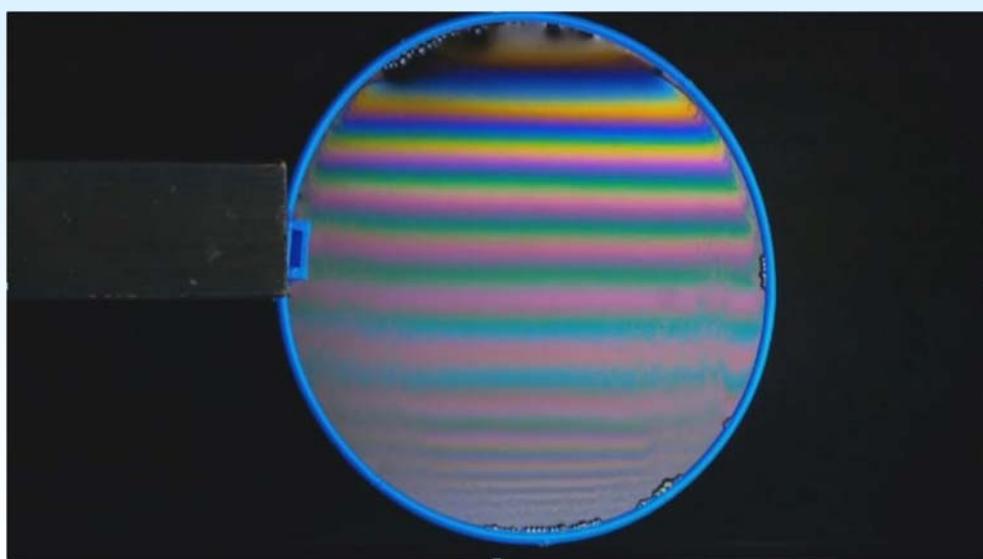
43



# Interferens Tunnfilmsinterferens



## Del 6. Tunnfilms interferens



<https://www.youtube.com/watch?v=4I34jA1fDp>

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

44



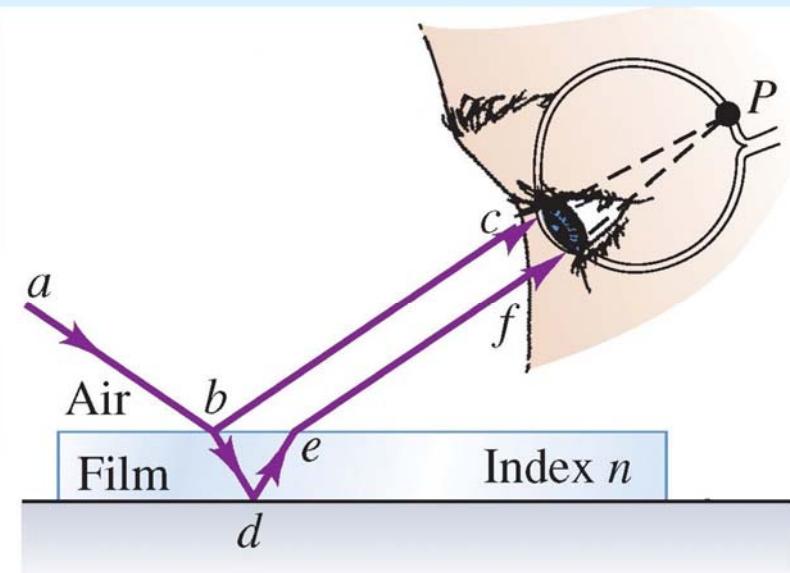
# Interferens

## Tunnfilmsinterferens



Olika färger har olika våglängder så vissa kommer att interferera konstruktivt och andra destruktivt.

Detta skapar färg band.



Två reflektioner skapar interference

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

45



# Interferens

## Tunnfilmsinterferens

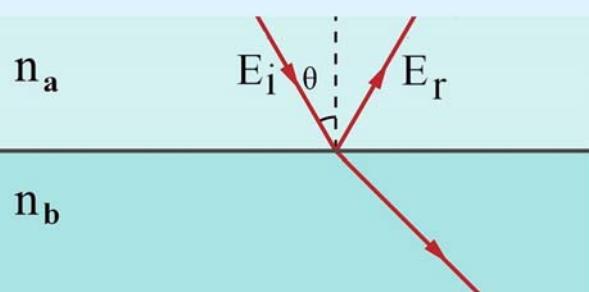


### Reflektioner

Reflekterad våg Amplitud

Inkommande våg Amplitud

$$E_r = \frac{n_a - n_b}{n_a + n_b} E_i \quad \text{för } \theta = 0$$



Positiv om  $n_a > n_b$   $\rightarrow$  Ingen fas skillnad

Negativ om  $n_b > n_a$   $\rightarrow$  Fas skillnad =  $\pi$

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

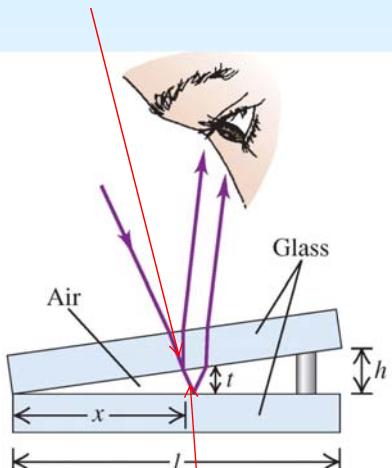
46



# Interferens Tunnfilmsinterferens



$n_b < n_a$   
**Fas skillnad = 0**



$n_b > n_a$   
**Fas skillnad =  $\pi$**

Efter en reflektion med **en fasförskjutning** ( $n_b > n_a$ ) gäller följande:

**Konstruktiva reflektioner:**

$$2t = \left(m + \frac{1}{2}\right)\lambda \quad (m = 0, 1, 2, \dots)$$

**Destruktiva reflektioner:**

$$2t = m\lambda \quad (m = 0, 1, 2, \dots)$$

Detta är motsatsen till vad vi normalt har utan **en fasförskjutning** (eller efter **två fasförskjutningar**).

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

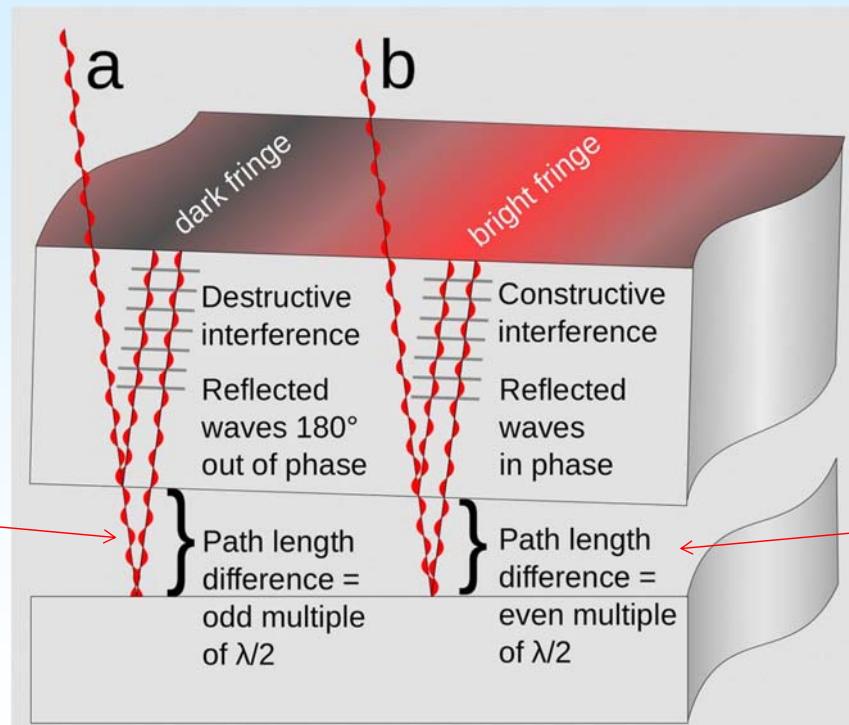
47



# Interferens Tunnfilmsinterferens



Udda antal  
 $\lambda/2$   
→  
Mörkt  
band



Vincent Hedberg - Lunds Universitet

48



# Interferens Problem



## Del 7. Problem lösning

4c. Expand  $(a+b)^n$

$$(a+b)^n$$

$$= (a + b)^n$$

$$= (a + b)^n$$

$$= (a + b)^n$$

*Very funny Bob.*  $\times$

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

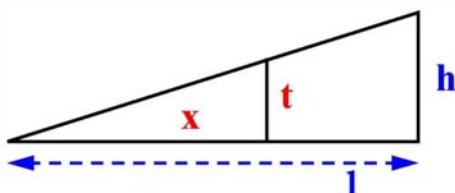
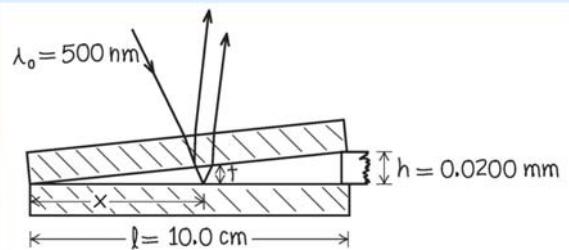
49



# Interferens Problem



Två tunna 10.0 cm långa glasplattor är separerade i ena änden av ett papper som är 0.02 mm tjockt. Ljus med våglängden 500 nm skapar mörka interferens linjer. Vad blir avståndet mellan linjerna?



$$\frac{t}{x} = \frac{h}{1}$$

$$2t = \frac{2xh}{1}$$

Destruktiva reflektioner:  $2t = m\lambda \quad (m = 0, 1, 2, \dots)$

$$\frac{2xh}{l} = m\lambda_0$$

$$x = m \frac{l\lambda_0}{2h} = m \frac{(0.100 \text{ m})(500 \times 10^{-9} \text{ m})}{(2)(0.0200 \times 10^{-3} \text{ m})} = m(1.25 \text{ mm})$$

Successive dark fringes, corresponding to  $m = 1, 2, 3, \dots$ , are spaced 1.25 mm apart.

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

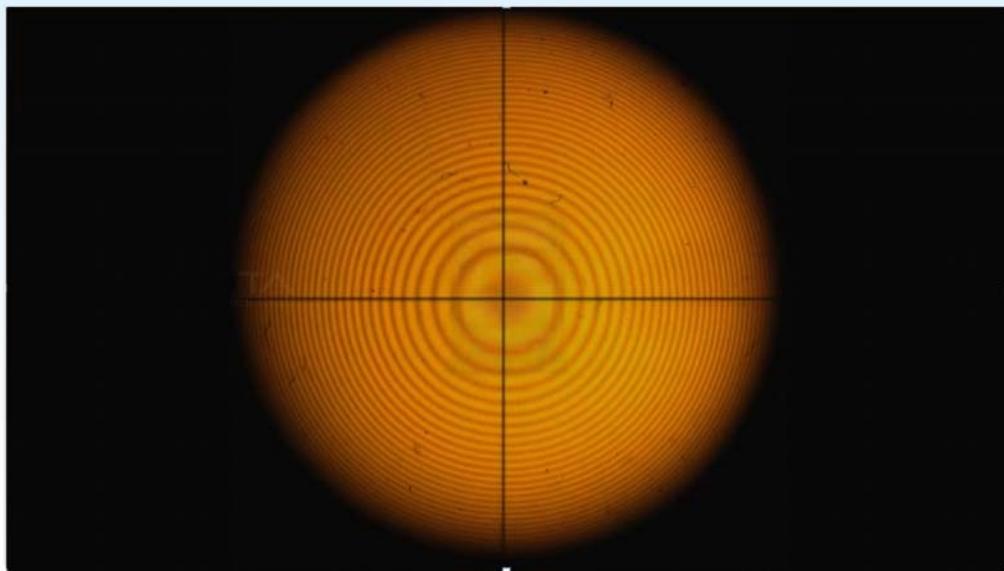
50



# Interferens Newtons ringar



## Del 8. Newtons ringar



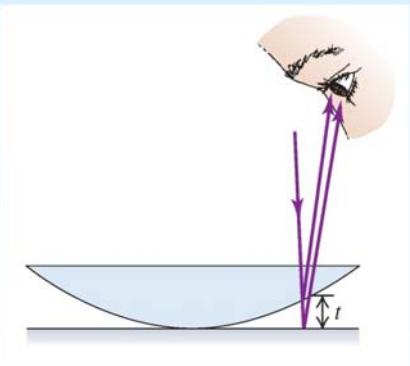
<https://www.youtube.com/watch?v=PU-SeNfIRcs>

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

51

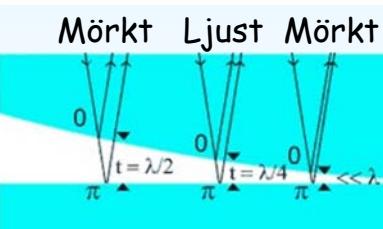


# Interferens Newtons ringar



Newton's ringar kan användas för att studera ytan av linser till en mycket hög precision.

Mellan varje mörk ring har avståndet ( $t$ ) förändrats med en halv våglängd.



Destruktiva reflektioner:  $2t = m\lambda \quad (m = 0, 1, 2, \dots)$

$$\rightarrow t = m \frac{\lambda}{2}$$

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

52



# Interferens Icke-reflekterande beläggning



## Del 9. Icke-reflekterande beläggning



Vincent Hedberg - Lunds Universitet

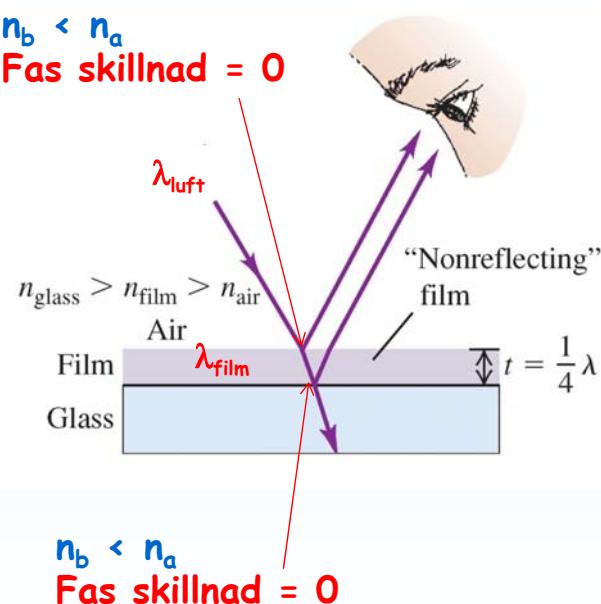
53



# Interferens Icke-reflekterande beläggning



## Icke-reflekterande film



Destruktiv reflektion:

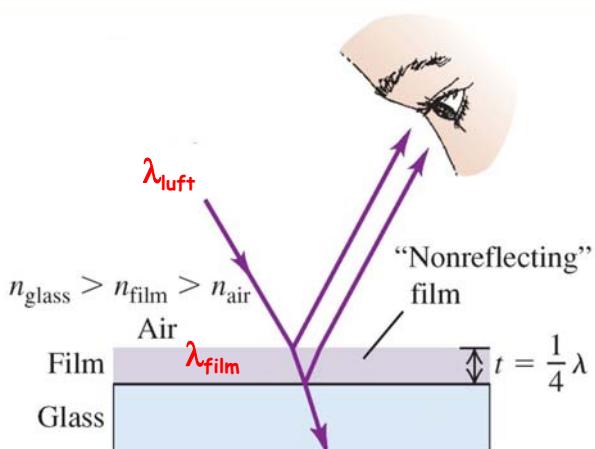
$$2t = \left(m + \frac{1}{2}\right)\lambda \quad (m = 0, 1, 2, \dots)$$

Film tjocklek:  $t = \lambda_{film} / 4$   
Film brytningsindex:  $n_{film} < n_{glas}$

Destruktiv interferens = inga reflektioner



# Interferens Icke-reflekterande beläggning



Våglängden i filmen måste alltså vara en fjärdedel av filmtjockleken:

$$t = \lambda_{\text{film}} / 4$$

Detta är inte samma våglängd som det inkommande ljusets, men den kan lätt beräknas:

$$\lambda = v / f \quad \text{för } n > 1$$

$$\lambda_0 = c / f \quad \text{för } n = 1$$

$$\lambda = c / v = f \lambda_0 / f \lambda = \lambda_0 / n$$

$$\lambda_{\text{film}} = \lambda_{\text{luft}} / n_{\text{film}}$$

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

55



# Interferens Problem



## Del 10. Problem lösning

4c. Expand  $(a+b)^n$

$$(a+b)^n$$

$$= (a + b)^n$$

$$= (a + b)^n$$

$$= (a + b)^n$$

Very funny Bob.

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

56



# Interferens Problem



Ett tunt lager av  $MgF_2$  med  $n=1.38$  stoppas på glas med  $n = 1.52$  för att stoppa reflektionen av ljus med våglängden 550 nm.

Hut tjockt behöver  $MgF_2$  skiktet vara ?

$$\lambda_{\text{film}} = \lambda_{\text{lufit}} / n_{\text{film}} = 550 \text{ nm} / 1.38 = 400 \text{ nm}$$

$$\text{Film tjocklek: } t = \lambda_{\text{film}} / 4 = 400 / 4 = 100 \text{ nm}$$

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

57



# Interferens DVD spelare



## Del 11. DVD spelare



<https://www.youtube.com/watch?v=vGXFFfFNQqNk>

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

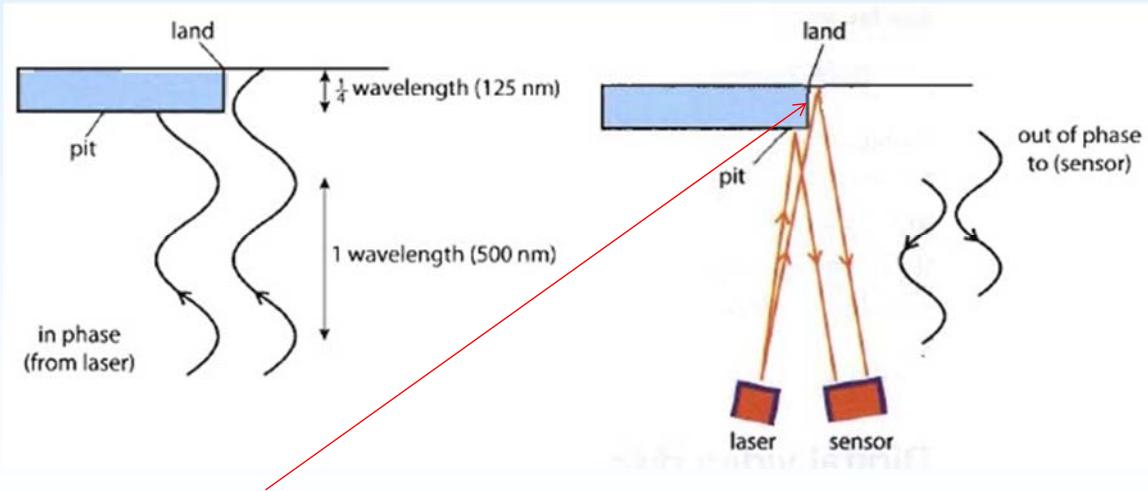
58



# Interferens DVD spelare



Principen för en DVD-spelare:  
destruktiv interferens



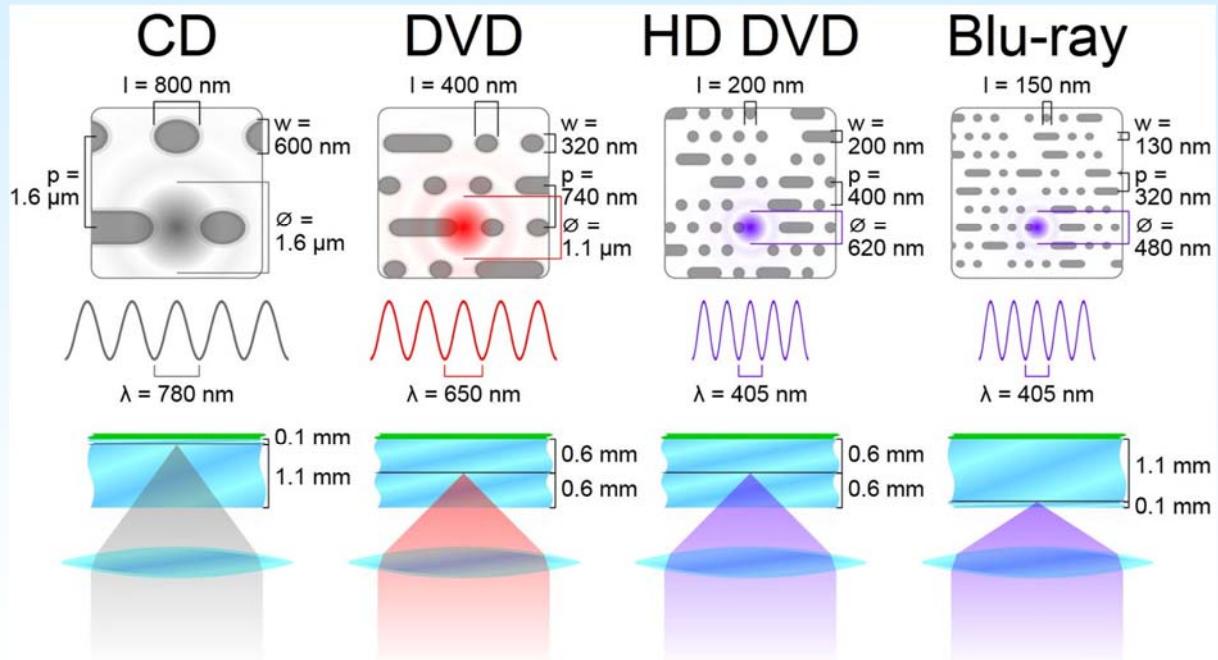
Vid en kant får man destruktive interferens = 1  
Överallt annars bara reflektion = 0

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

59



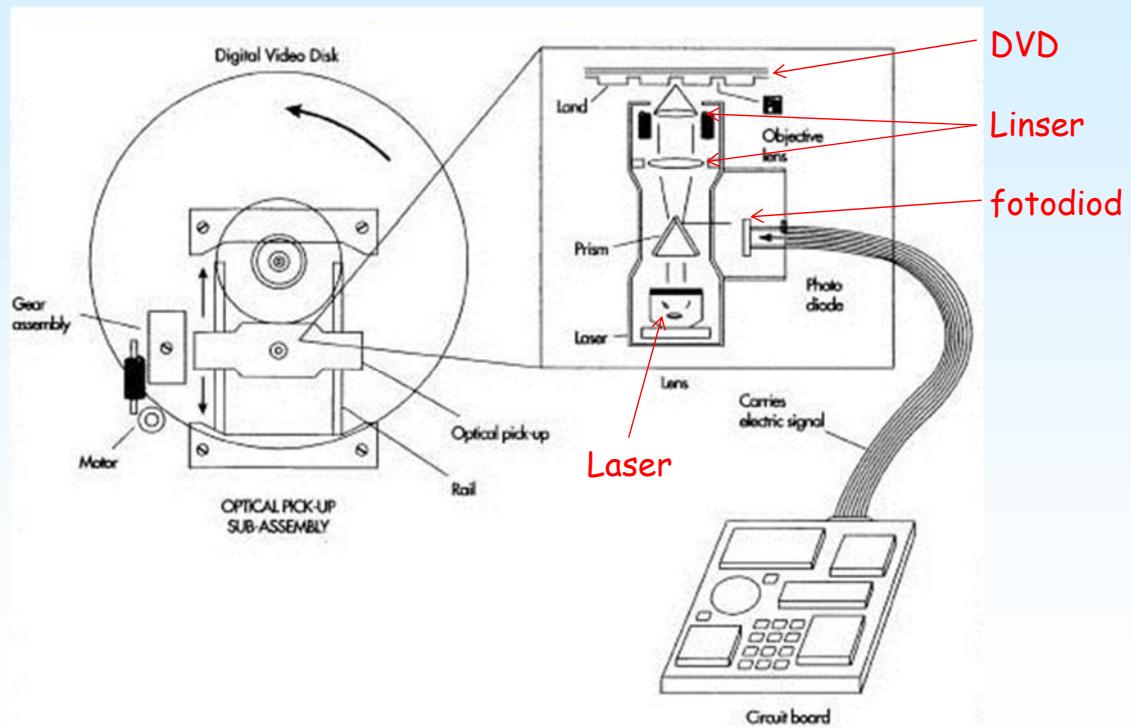
# Interferens DVD spelare



Vincent Hedberg - Lunds Universitet

60

# Interferens DVD spelare



Vincent Hedberg - Lunds Universitet

61

# Interferens Michelsons interferometer

## Del 12. Michelsons interferometer



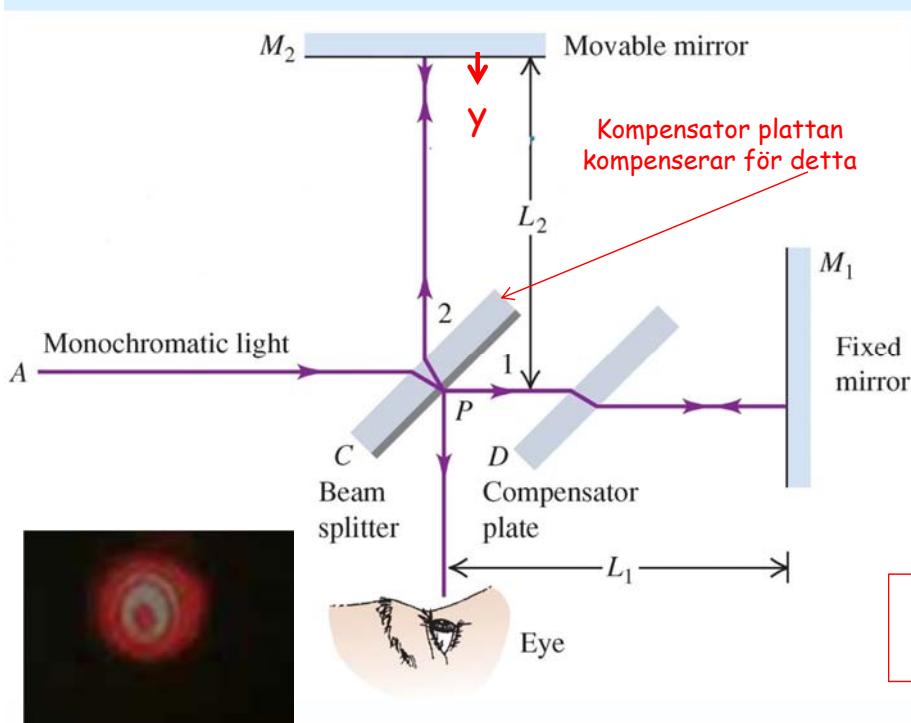
Vincent Hedberg - Lunds Universitet

62



# Interferens

## Michelsons interferometer



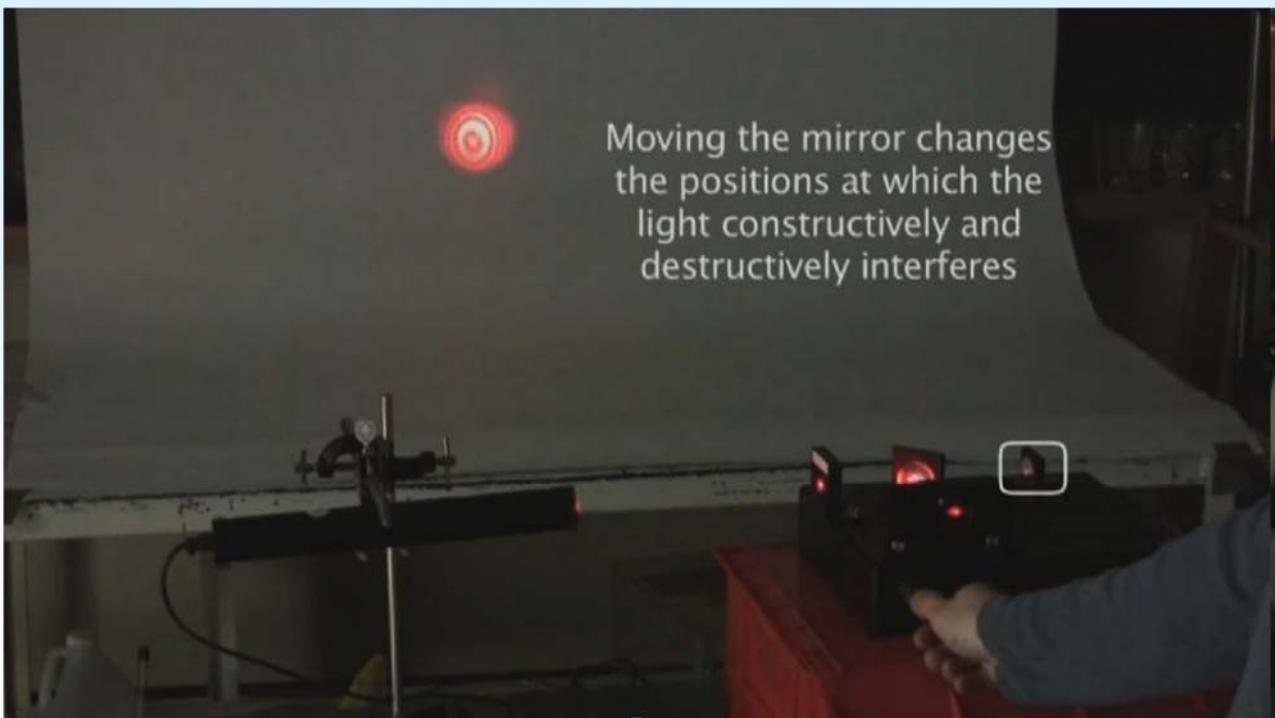
Vincent Hedberg - Lunds Universitet

63



# Interferens

## Michelsons interferometer



<https://www.youtube.com/watch?v=j-u3IEgcTiQ>

Vincent Hedberg - Lunds Universitet

64